



## Chapitre 2

# SYSTEME TRIPHASE EQUILIBRE

### 1. Définitions

Un système triphasé est un réseau à trois grandeurs (**tensions ou courants**) sinusoïdales de même fréquence et déphasées, les unes par rapport aux autres, d'un angle de **120°** (voir Fig.2). Le système est équilibré si les grandeurs sinusoïdales sont de même valeur efficace. Il est **direct** si les phases sont ordonnées dans le sens trigonométrique et **inverse** dans l'autre cas.

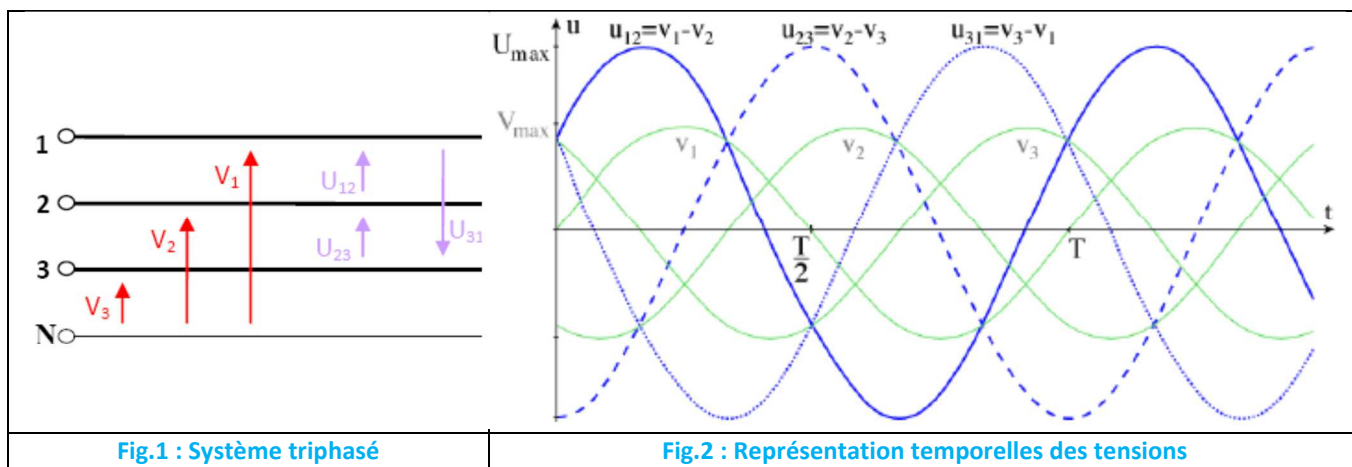


Fig.1 : Système triphasé

Fig.2 : Représentation temporelle des tensions

#### 1.1. Tensions simples

On définit la tension simple par la différence de potentiel entre une phase et le neutre (réel ou fictif). Les trois tensions simples ont la même valeur efficace  $V$  et la même pulsation  $\omega=2\pi f$ .

	$v_1(t) = V\sqrt{2}\sin(\omega t)$ : Référence de phase	$\vec{V}_1 = [V, 0^\circ]$
	$v_2(t) = V\sqrt{2}\sin(\omega t - \frac{2\pi}{3})$	$\vec{V}_2 = [V, -120^\circ]$
	$v_3(t) = V\sqrt{2}\sin(\omega t - \frac{4\pi}{3})$	$\vec{V}_3 = [V, -240^\circ]$
Fig.3 Vecteurs de Fresnel associés	écriture temporelle	écriture polaire (complexe)

**N.B** : Le système est équilibré direct

- ✚ Équilibré car la construction de Fresnel montre que  $\vec{V}_1 + \vec{V}_2 + \vec{V}_3 = \vec{0}$
- ✚ Direct car un observateur immobile verrait les vecteurs défiler devant lui dans l'ordre 1, 2, 3.

#### 1.2. Tensions composées

La tension composée est la différence de potentiel entre deux phases. Les tensions composées ont la même valeur efficace  $U$  et la même pulsation  $\omega=2\pi f$  que les tensions simples.











## 6. Relèvement du facteur de puissance

### 6.1. Couplage des condensateurs en triangle

<p>La tension aux bornes d'un condensateur est : <math>U</math>                  La puissance réactive absorbée par un condensateur est :</p> $Q_{C1} = -C\omega U^2$ <p>(Le condensateur fournit de la puissance réactive)</p> <p>La puissance réactive absorbée par les trois condensateurs est :</p> $Q_C = 3Q_{C1} = -3C\omega U^2$	<p>The diagram shows a three-phase system with lines L1, L2, and L3. A balanced three-phase receiver with power factor <math>\cos \varphi</math> is connected to a delta network of three capacitors labeled 'C', which is referred to as a 'Batterie de condensateurs'. The overall power factor after compensation is <math>\cos \varphi'</math>.</p>
---	---

#### ✚ Calcul de la valeur du condensateur

	Puissance active	Puissance réactive	Facteur de puissance
Charge Seule	$P$	$Q = P. \tan \varphi$	$\cos \varphi$
Les trois condensateurs seuls	$0$	$Q_C = -3C\omega U^2$	$0$
Charge + Condensateurs	$P$	$Q_T = Q + Q_C = P. \tan \varphi'$	$\cos \varphi'$

On en déduit que:

$$Q_C = Q_T - Q = -3C\omega U^2 = P. \tan \varphi' - P. \tan \varphi$$

Donc:

$$C = \frac{P.(\tan \varphi - \tan \varphi')}{3\omega U^2}$$

### 6.2. Couplage des condensateurs en étoile

En utilisant la même démarche que précédemment, on montre que la capacité du condensateur est donnée par la relation :

$$C = \frac{P.(\tan \varphi - \tan \varphi')}{3\omega V^2} = \frac{P.(\tan \varphi - \tan \varphi')}{\omega U^2}$$

Le couplage en étoile est donc moins intéressant puisque la capacité des condensateurs nécessaires est trois fois plus grande que pour le couplage en triangle.

Plus la capacité est grande, plus le condensateur est volumineux et onéreux.